## Определение координат точек местности

#### 2 этапа:

полевые работы — измерения камеральные работы — вычисления и графические построения

#### Измерительный процесс

Измеряют горизонтальные и вертикальные углы, наклонные, горизонтальные и вертикальные расстояния

Измерение — сравнение величины измеряемых угла или длины с однородной величиной, принятой за единицу меры

#### Единицы мер:

Мера длины - МЕТР Мера времени - СЕКУНДА

Мера угла - ГРАДУС Мера массы – КИЛОГРАММ

Мера площади – КВАДРАТНЫЙ МЕТР

Мера температуры – ГРАДУС по Цельсию

#### Определение координат точек местности

Для измерений используют геодезические приборы: теодолиты, нивелиры, мерные ленты, ....

Результаты измерений фиксируют в журналах установленного образца или в накопителях электронной информации

Дополнительно составляют схематические чертежи - *АБРИСЫ* 

#### Вычислительный процесс

Математическая обработка результатов измерений

#### Графический процесс

Составление на основе результатов измерений и вычислений чертежей с соблюдением установленным условных обозначений

#### Точность измерений

степень близости результата измерений к действительному значению измеряемой величины

Абсолютно точные измерения невозможны!

Измерения проходят в определенных условиях

Условия определяются набором факторов

Объект измерений Метод и средство измерений Внешняя среда Исполнитель

Факторы не сохраняют стабильности



Отклонение результата от истинного значения

**Погрешность** – разность между результатом измерений и действительным значением измеряемой величины

Различают 3 вида погрешностей:

• Грубые

(Исполнитель)

• Систематические

(Средство измерений) (Внешняя среда) (Исполнитель)

• Случайные

(Исполнитель) (Внешняя среда)

### Если условия измерений постоянны = измерения равноточны

Если проведены несколько (n) измерений одной и той же величины a (например, угла). При этом каждый раз получаются немного отличные друг от друга значения ( $a_1$ ,  $a_2$ ,  $a_3$  и т.д.) то:

Среднее арифметическое значение числа:

$$a_{cp} = \frac{a_1 + a_2 + ... + a_n}{n} = \frac{\sum a_n}{n}$$

Средняя квадратическая погрешность измерений:

$$M = \pm \sqrt{\frac{\sum \Delta a_n^2}{n}}$$
 где  $\Delta a_n = a_n - a_{cp}$ 

#### Неравноточные измерения

Если проведены несколько (k) серий измерений одной и той же величины a. При этом в первой серии было проведено  $P_1$  измерений и получено значение  $a_{cp1}$ , во второй серии  $P_2$  измерений и получено значение  $a_{cp2}$  и т.д.)

Среднее взвешенное значение числа:

$$a_{cp_B3} = \frac{a_{cp1}P_1 + a_{cp2}P_2 + ... + a_{cpk}P_k}{\sum P} = \frac{\sum a_{cpk}P_k}{\sum P}$$

#### на 1000 равноточных измерений

68 % не превышает ± М 95,4 % не превышает ± 2М 99,7 % не превышает ± 3М

### Предельная допустимая погрешность измерений

## Погрешности измерений

Различают **абсолютные** и **относительные** погрешности

$$S_{OTH} = M / X$$

М – абсолютная (средняя квадратическая) погрешность

Х – значение измеряемого параметра

Результат влияния погрешностей на точность измерений - *НЕВЯЗКИ*, т.е. расхождение теоретически вычисленных значений с измеренными.

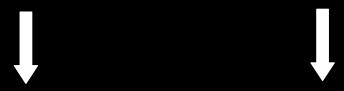
Для каждого вида работ и класса точности невязки не должны превышать величин, установленных стандартами.

#### Определение координат точек местности

Способы определения плановых координат

#### Геодезические засечки

способ определения плановых координат одной точки по известным координатам одной или нескольких точек в результате измерения некоторого числа величин

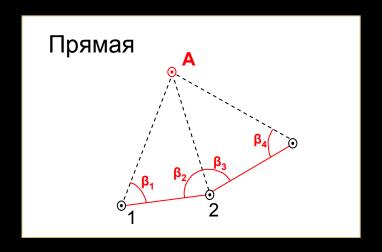


Горизонтальные углы

Расстояния

Горизонтальный угол — угол, лежащий в плоскости горизонта с вершиной в точке измерения между направлениями на две другие точки

## Определение плановых координат точек местности Засечки



определение плановых координат пункта по измерениям горизонтальных углов в направлении на него с двух (или более) исходных пунктов с известными координатами

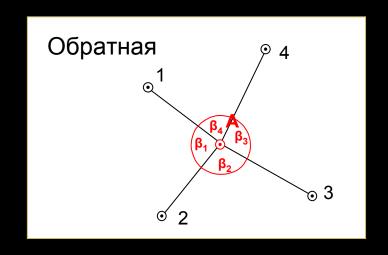
#### Координаты точки А находят по формулам Юнга

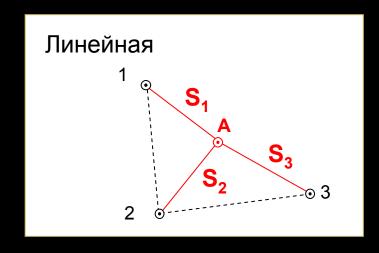
$$x_{A} = \frac{x_{2} * \operatorname{ctg} \beta_{1} + x_{1} * \operatorname{ctg} \beta_{2} + (y_{2} - y_{1})}{\operatorname{ctg} \beta_{1} + \operatorname{ctg} \beta_{2}}$$

$$y_{A} = \frac{y_{2} * \operatorname{ctg} \beta_{1} + y_{1} * \operatorname{ctg} \beta_{2} + (x_{2} - x_{1})}{\operatorname{ctg} \beta_{1} + \operatorname{ctg} \beta_{2}}$$

## Определение плановых координат точек местности Засечки

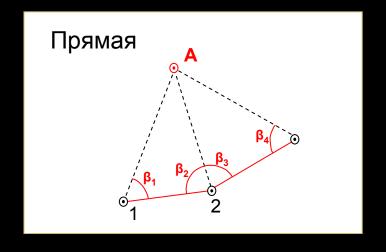
определение плановых координат пункта по измерениям <u>горизонтальных углов</u> в направлениях <u>с него</u> на три (и более) пункта с известными координатами

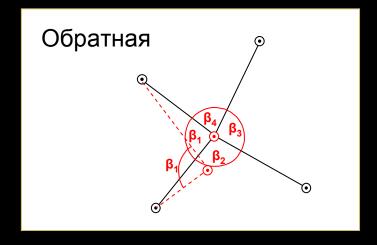


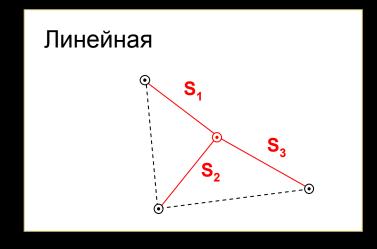


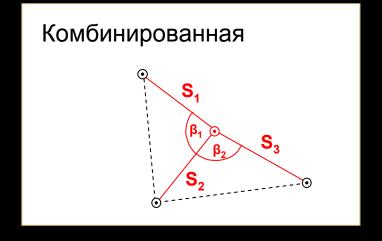
определение плановых координат пункта по измерениям расстояний от него до двух (и более) пунктов с известными координатами

# Определение координат точек местности Засечки





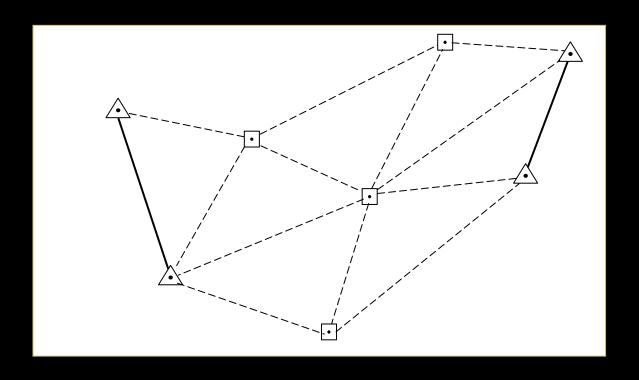




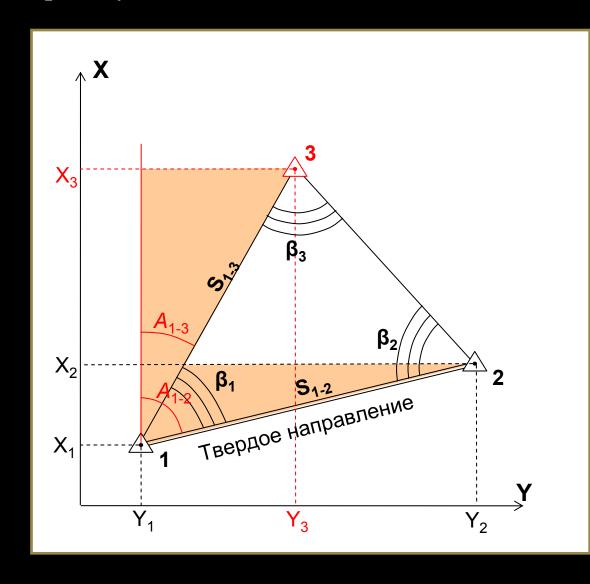
Определение плановых координат точек местности

## Триангуляция

способ передачи плановых координат, основанный на измерении внутренних углов в треугольниках



# Определение плановых координат точек местности Триангуляция



Из прямоугольного треугольника:  $S_{1-2} = \sqrt{(\Delta Y_{1-2})^2 + (\Delta X_{1-2})^2}$   $A_{1-2} = \arctan(\Delta Y_{1-2} / \Delta X_{1-2})$  Обратная геодезическая задача

$$A_{1-3} = A_{1-2} - \beta_1$$

По теореме синусов:  $S_{1-3}/\sin\beta_2 = S_{1-2}/\sin\beta_3$  $S_{1-3} = \sin\beta_2 * S_{1-2}/\sin\beta_3$ 

Из прямоугольного треугольника:  $\Delta X_{1-3} = S_{1-3} * \cos A_{1-3}$   $\Delta Y_{1-3} = S_{1-3} * \sin A_{1-3}$  Прямая геодезическая задача

# Определение координат точек местности Способы определения плановых координат

Допустимость угловых невязок определяется

$$Wβдоп = 2 s √n$$

s – инструментальная погрешность прибора

Определение плановых координат точек местности

## Трилатерация

способ определения плановых координат, основанный на измерении длин сторон четырехугольников

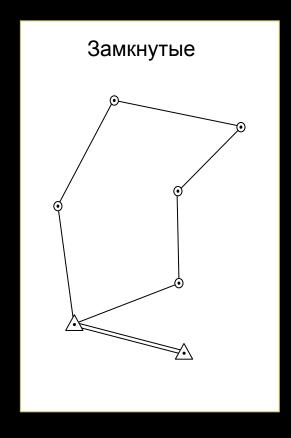
Координаты определяют по схеме линейной засечки

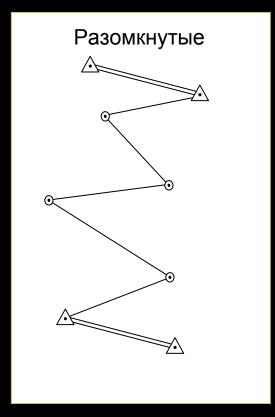
Измеряют все стороны и диагонали четырехугольника для контроля качества измерений

# Определение плановых координат точек местности Полигонометрия

Полигонометрия заключается в разбивке полигонов на местности и прокладывании *теодолитных ходов* по точкам полигонов.

Теодолитные ходы бывают *следующих* видов:

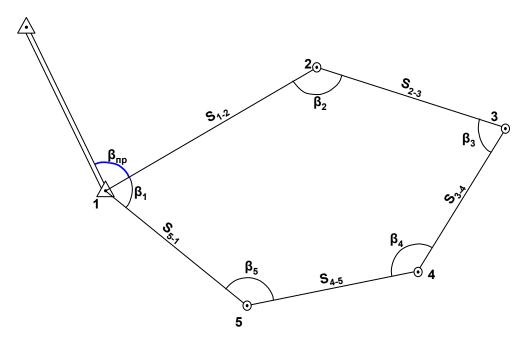




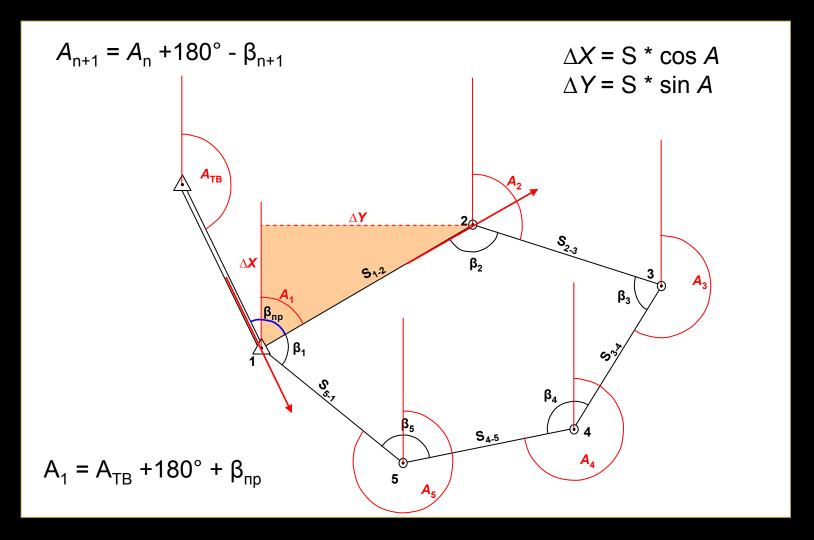
# Определение плановых координат точек местности Измерения в теодолитном ходе

Допустимая угловая невязка  $f\beta_{\text{доп}} = 2m\sqrt{n}$   $\Sigma \beta_{\text{T}} = 180^{\circ} * (n-2)$  m — точность прибора  $\Sigma \beta = \beta_1 + \beta_2 + ... + \beta_n$ 

Угловая невязка  $f\beta = \sum \beta - \sum \beta_T$ 



# Определение координат точек местности Измерения в теодолитном ходе



80°20'

#### Обработка теодолитного хода

Линейная невязка «разбрасывается» пропорционально длине стороны

Nº	Угол измер.	Угол испр.	Дирекц. угол	Длина сторон	Приращения коорд.		Координаты точек	
					∆x	∆ <b>y</b>	X	У
1	66°28' <b>-0,4'</b>	66º27,6'	80º20'	58,43	9,81 -0,01 9, <i>80</i>	57,60 0	1000,00	2000,00
2	95°25' <b>-0,4'</b>	95º24,6'		30,43	<b>9,00</b>		1009,80	2057,60
			164º55,4'	70,15	-67,74	18,23 0,01 18,24 -21,34		
3	144°31' <b>-0,4</b> '	144º30,6'			- <mark>0,02</mark> -67,76		942,04	2075,84
			200º24,8'	61,17	-57,33			
4	41°28' <b>-0,4</b> '	41º27,6'			- <mark>0,02</mark> -57,35		884,69	2054,50
			338057,2	83,41	77,84	-29,96 0,01 -29,95		
5	192°10' 192°09,6' -0,4'	192º09,6'			- <mark>0,02</mark> 77,82		962,51	2024,55
			000047 01	44.00	37,50	-24,55		
		326º47,6'	44,82	- <mark>0,01</mark> 37,49		1000,00	2000,00	

 $\Sigma \beta_{\phi a \kappa \tau} = 540^{\circ}02'$ 

$$\Sigma \beta_{\text{Teop}} = 540^{\circ}$$

$$f_{e} = 2'$$

$$f_{\beta\beta}^{\beta} = \pm 1' \sqrt{5} = \pm 2.2'$$

 $\Sigma \triangle x = 0.08 \quad \Sigma \triangle y = -0.02$ 

$$f_{a6c} = \sqrt{\sum \Delta X^2 + \sum \Delta Y^2} = 0,082$$

$$f_{\text{OTH}} = \frac{1}{\sum L: f_{\text{a6c}}} \approx \frac{1}{3878} \le \frac{1}{2000}$$